

Listes

Comment définir un type liste générique (liste d'éléments appartenant tous à un même type non fixé)?

```
type 'a mylist = Nil | C of 'a * 'a mylist
```

Exemples de fonctions utilisant ce type

- ▶ `length`
- ▶ `make_list`
- ▶ `concat`

Récurtivité terminale

fonction pas réursive terminale

⇒ appels empilés (pile d'exécution)

lors de l'appel à `fact 4` seront empilés les appels: `fact 4`,
`fact 3`, `fact 2`, `fact 1`, `fact 0`.

Le dernier appel `fact 0` retourne `1`,

`fact 1` retourne `1 * 1 = 1`,

`fact 2` retourne `2 * 1 = 2`,

`fact 3` retourne `3 * 2 = 6`,

`fact 4` retourne `4 * 6 = 24`.

empilement d'appels ⇒ débordement de la pile (Stack overflow)
injustifié dans le cas d'un tel calcul qui dans un langage classique
se ferait avec une simple boucle.

```
def fact (n):  
    p = 1  
    for i in range(2, n + 1):  
        p *= i  
    return p
```

Réversibilité terminale

avantage: pas nécessaire d'empiler les appels; l'appel récursif **remplace** l'appel précédent.

⇒ pas de débordement de pile

- ▶ pas toujours possible d'obtenir une fonction récursive terminale
- ▶ Souvent, passage d'une fonction non récursive terminale à une fonction récursive terminale par **ajout** d'un paramètre qui joue le rôle d'**accumulateur** et dans lequel on calcule la valeur à l'appel et non au retour de l'appel récursif.

- ▶ fonction auxiliaire `fact_aux n p` récursive terminale
- ▶ `fact` s'écrit en appelant `fact_aux n 1`, `1` étant l'élément neutre pour le produit.

```
let rec fact_aux n p =  
  if n = 0 then p  
  else fact_aux (n - 1) (n * p)
```

```
let fact n = fact_aux n 1  
fact_aux 4 1 remplacé par  
fact_aux 3 4 remplacé par  
fact_aux 2 12 remplacé par  
fact_aux 1 24 remplacé par  
fact_aux 0 24 retourne 24.
```

`p` (resp. `n`) joue même rôle que `p` (resp. `i`):

```
def fact (n):  
  p = 1  
  for i in range(n, 0, -1):  
    p *= i  
  return p
```

fonction auxiliaire à l'intérieur de la fonction principale à l'aide d'un `let rec ... in ...` (sauf si fonction aux utile dans un autre contexte).

```
let fact n =  
  let rec aux n p =  
    if n = 0 then p  
    else aux (n - 1) (n * p)  
  in aux n 1
```

Exemples: `make_list_rt`, `length_rt`, `reverse_rt`

Type `'a list` prédéfini en OCaml

pas nécessaire de définir un type `'a mylist`
(comme vu précédemment)

type prédéfini `'a list` est fourni par le module `List`

listes **homogènes** (comme dans le cas du type `'a mylist`):
tous les éléments sont d'un **même type**.

fonctions de ce module seront accessibles avec le préfixe `List.`
(utiliser la complétion pour voir toutes les fonctions du module)

Par exemple, `List.length` (la longueur d'une liste)

La fonction de calcul de la longueur d'une liste qui s'écrivait avec le type `mylist`

```
type 'a mylist = Nil | C of 'a * 'a mylist
let rec mylist_length l =
  match l with
  | Nil -> 0
  | C(_, t) -> 1 + mylist_length t
```

s'écrit comme suit avec le type prédéfini et la construction `match`

```
let rec list_length l =
  match l with
  | [] -> 0
  | _ :: t -> 1 + list_length t
```

ou encore sans utiliser `match`

```
let rec list_length l =
  if l = [] then 0
  else 1 + list_length (List.tl l)
```

Format externe des listes

La notation `e1 :: e2 :: e3 ... :: en :: []` n'étant pas très agréable à lire, **OCaML** utilise un *format externe* pour écrire et lire des listes: `[e1; e2; ...; en]` est le format sous lequel **OCaML** affiche une liste et un format que l'utilisateur peut utiliser pour entrer une liste.

Exemples:

```
# [1; 2; 3];;
- : int list = [1; 2; 3]
# [1.; 2.; 3.];;
- : float list = [1.; 2.; 3.]
# List.hd [1; 2; 3];;
- : int = 1
# List.tl [1; 2; 3];;
- : int list = [2; 3]
# 3 * 3 :: [1; 2; 3];;
- : int list = [9; 1; 2; 3]
# let x = 4;;
val x : int = 4
```

Concaténation de listes

La fonction prédéfinie `List.append` `l1 l2` retourne une liste constituée des éléments de `l1` suivis des éléments de `l2`.

Exemples:

```
# List.append [1; 2; 3] [4; 5];;  
- : int list = [1; 2; 3; 4; 5]  
# List.append [1; 2; 3] [];;  
- : int list = [1; 2; 3]  
# List.append [] [3; 4; 5];;  
- : int list = [3; 4; 5]
```

Il existe une version `infixe` de cette fonction: l'opérateur `@`.

Exemples:

```
# [1; 2; 3] @ [4; 5];;  
- : int list = [1; 2; 3; 4; 5]  
# [1; 2; 3] @ [];;  
- : int list = [1; 2; 3]  
# [] @ [3; 4; 5];;  
- : int list = [3; 4; 5]
```

Concaténation

à utiliser avec parcimonie.

En effet, sa complexité est en $O(\text{len}(l_1))$ car il entraîne une copie de la liste `l1`.

Il peut servir ponctuellement à ajouter⁶ un élément `e` en fin d'une liste `l` en utilisant l'expression `l @ [e]`

Par contre l'ajout d'un élément `e` en tête d'une liste `l` se fait en temps constant $O(1)$ grâce à l'expression: `e :: l`.

Le plus souvent, il est préférable de construire une liste à l'envers puis de la retourner en utilisant la fonction `List.rev l` (linéaire par rapport à la longueur de la liste).

⁶en fait, construire une nouvelle liste ayant les mêmes éléments que `l` et `e` à la fin

Exemples de fonctions simples sur les listes

- ▶ `List.length`
- ▶ `List.mem`
- ▶ `List.append`
- ▶ `List.rev`
- ▶ `List.sort`
- ▶ `List.filter`
- ▶ `List.map`
- ▶ `List.find`, `List.find_all`
- ▶ ...

Et il y en a d'autres:

- ▶ utiliser `List.` *complétion* pour voir leur nom
- ▶ taper leur nom pour voir leur type

type option prédéfini

```
type 'a option = Some of 'a | None
```

type de retour **uniforme** pour les fonctions ne retournant pas toujours une valeur comme les fonctions de recherche par exemple.

Exemples en direct

```
let rec find_if pred l =  
  match l with  
  [] -> None  
| e :: t -> if pred e then Some e  
            else find_if pred t
```

Mot-clé when

Pour combiner filtrage et conditionnelle

```
type pair = P of int * int
```

```
let pair_cmp pair =  
  let P(x, y) = pair in  
  if x > y then 1 else if y > x then -1 else 0
```

```
let pair_cmp pair =  
  match pair with  
  P(x, y) -> if x > y then 1  
             else if y > x then -1 else 0
```

```
let pair_cmp pair =  
  match pair with  
  P(x, y) when x > y -> 1  
| P(x, y) when x < y -> -1  
| _ -> 0
```